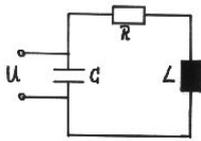


**Aufgabe 13**

**4 Punkte**



Gegeben sei ein elektromagnetischer Schwingkreis (siehe Skizze). Rechnen Sie im folgenden ohne komplexe Impedanzen, sondern beschreiben Sie das System durch den Strom  $I$  und seine Ableitungen, die Kapazität  $C$ , den Widerstand  $R$  und die Induktivität  $L$ .

- Betrachten Sie zunächst eine freie Schwingung. Schreiben Sie die Spannungen  $U_R$ ,  $U_L$ ,  $U_C$ , die jeweils über dem Widerstand, der Spule und dem Kondensator abfallen als Funktion des Stromes  $I$  (und seiner Ableitungen bzw. Integrale) auf.
- Stellen Sie die Differentialgleichung für den Strom  $I$  auf.
- Warum verwendet man oft eine komplexe Schreibweise für Impedanzen?
- Der Schwingkreis werde nun mit einer harmonischen Spannung  $U = U_0 e^{i\omega t}$  über dem Kondensator (siehe Skizze) angetrieben. Wie sieht nun die Differentialgleichung aus?
- Wie lautet die Lösung der Differentialgleichung, d.h. schreiben Sie den komplexen Vektor  $I$  als Funktion der treibenden Winkelgeschwindigkeit  $\omega$  und der Zeit  $t$ .
- Stellen Sie Imaginär- und Realteil, sowie Betrag  $|I|$  und Phase  $\phi$  des Stromes jeweils als Funktion von  $\omega$  graphisch dar.
- Berechnen Sie jeweils die  $\frac{1}{e}$ -Breite des Imaginärteils von  $I$  und des Betrages von  $I$  und stellen Sie die Breiten in Ihrer Zeichnung dar.
- Wie ist die Güte dieses Oszillators definiert?

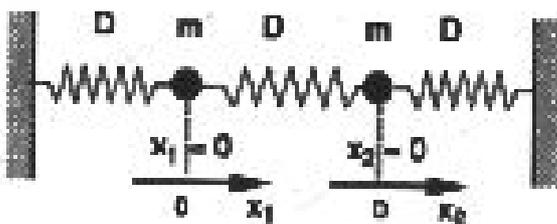
**Aufgabe 14**

**2 Punkte**

Nennen Sie mindestens ein Phänomen aus Ihrem Fachgebiet (Chemie, Chemietechnik), das durch eine Differentialgleichung der Form  $\ddot{x} + \gamma \dot{x} + \omega_0^2 x = A e^{i\omega t}$  beschrieben wird. Bezeichnen Sie welche physikalischen Eigenschaften dabei jeweils durch  $x$ ,  $\omega_0$ ,  $A$  und  $\omega$  beschrieben werden. (Falls möglich geben Sie auch an, was durch  $\gamma$  beschrieben wird)

**Aufgabe 15**

**5 Punkte**



Gegeben sei ein System aus zwei durch Federn gekoppelten Massen  $m$  (siehe Skizze). Die Federkonstanten aller 3 Federn seien  $D$ .

- Zeichnen Sie die Kräfte ein und leiten Sie die Bewegungsgleichungen her.
- Welche Eigenschwingungen, d.h. Eigenvektoren und Eigenfrequenzen, erwarten Sie aufgrund der Symmetrie?

- c) Zu welchen Anteilen setzt sich die Schwingung aus den Eigenschwingungen zusammen, wenn anfangs nur eine Masse ausgelenkt wird? Zeichnen Sie diese Schwebungen  $x_1$  bzw.  $x_2$  für jede der beiden Massen.
- d) Wie lange dauert es, bis die Energie von der anfangs ausgelenkten Masse zur anfangs ruhenden Masse übertragen wurde?