

Ausgabe: 24.05.2019

Abgabe: bis 31.05.2019 12:00 Uhr

Prof. Dr. D. Suter

Biefkästen: 247, 248, 249

Aufgabe 1: Das Biot-Savart-Gesetz

8 Punkte

Gegeben sei ein stromdurchflossener Draht. Der Strom I fließt dabei von links nach rechts (technische Stromrichtung). Die Form des Drahtes ist der Skizze 1 zu entnehmen.

- In welche Richtung zeigt das Magnetfeld im Punkt \mathbf{P} ? Begründen Sie Ihre Aussage. (Es ist keine Rechnung notwendig.)
- Bestimmen Sie mit Hilfe des Biot-Savart-Gesetzes

$$\vec{H}(\vec{P}) = \frac{1}{4\pi} \int \frac{I d\vec{l} \times \vec{r}}{r^3} \quad (1)$$

$$= \frac{1}{4\pi} \int \frac{I d\vec{l} \times (\vec{P} - \vec{l})}{|\vec{P} - \vec{l}|^3} \quad (2)$$

das Magnetfeld im Punkt P . Der Vektor \vec{r} beschreibt den Verbindungsvektor vom Leiterelement zum betrachteten Punkt P , \vec{l} beschreibt ein zu parametrisierendes Drahtelement und $d\vec{l}$ somit das infinitesimale Drahtelement.

Unterteilen Sie zunächst den Draht in sinnvolle Teilstücke \vec{l}_i und machen Sie sich klar, wie die Integralgrenzen der Teilstücke aussehen.

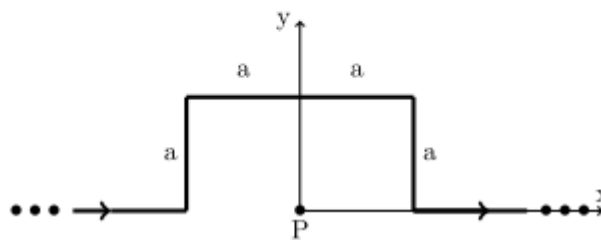


Abbildung 1: stromdurchflossener Draht

Einige nützliche Integrale:

$$\int_{-a}^a \frac{1}{(x^2 + a^2)^{3/2}} dx = \frac{\sqrt{2}}{a^2}, a > 0 \quad (3)$$

$$\int_0^a \frac{1}{(x^2 + a^2)^{3/2}} dx = \frac{1}{\sqrt{2}a^2}, a > 0 \quad (4)$$

Aufgabe 2: Das Zyklotron

6 Punkte

Mit dem sogenannten klassischen Zyklotron lassen sich Teilchengeschwindigkeiten bis zu $v = 0.1c$ erreichen.

- a) Skizzieren Sie ein Zyklotron und erläutern Sie dessen Wirkungsweise.
- b) Zeigen Sie, dass beim klassischen Zyklotron die Zeit T_0 , die ein Teilchen mit der Ladung q und der Masse m zum Durchlaufen eines der beiden halbkreisförmigen Magneten M1/M2 benötigt, unabhängig von r ist.

Gehen Sie im Folgenden davon aus, dass der Radius über $r = \frac{mv}{qB}$ berechnet werden kann. Die Zeit, die für einen Halbkreisdurchlauf benötigt wird, kann über $T_0 = \frac{m\pi}{qB}$ bestimmt werden.

- c) Berechnen Sie die Radien r_n der Halbkreisbahnen im Magneten M1 in Abhängigkeit von der Zahl der Umläufe n . Gehen Sie dabei von folgendem aus: Ein Teilchen tritt in den M1 mit der Anfangsenergie W_1 ein und beschreibt dort eine Halbkreisbahn mit Radius r_1 . Es nimmt bei jedem Durchlaufen des Spalts die Energie $\Delta W = W_1$ auf.

- d) In einem Zyklotron sollen Protonen auf die Geschwindigkeit $v = 0.1c$ gebracht werden. Die magnetische Flussdichte beträgt $B_0 = 0,4 \text{ T}$.

Berechnen Sie (nichtrelativistisch) die Frequenz f_0 der beschleunigenden Wechselfeldspannung, den Durchmesser der äußersten Teilchenbahn sowie die erreichte kinetische Energie der Protonen in MeV.

Aufgabe 3: Der Hall-Sensor

2 Punkte

Zur Messung von Magnetfelder lassen sich Hall-Sonden benutzen. Für einen einachsigen Sensor werden dazu v. a. dünne Halbleiterplatten benutzt (s. Abb. 2). Das Halbleitermaterial Indiumantimonid (Hall-Konstante $K_H = -2,4 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3/\text{C}$) eignet sich dabei besonders gut, wenn eine hohe Empfindlichkeit benötigt wird.

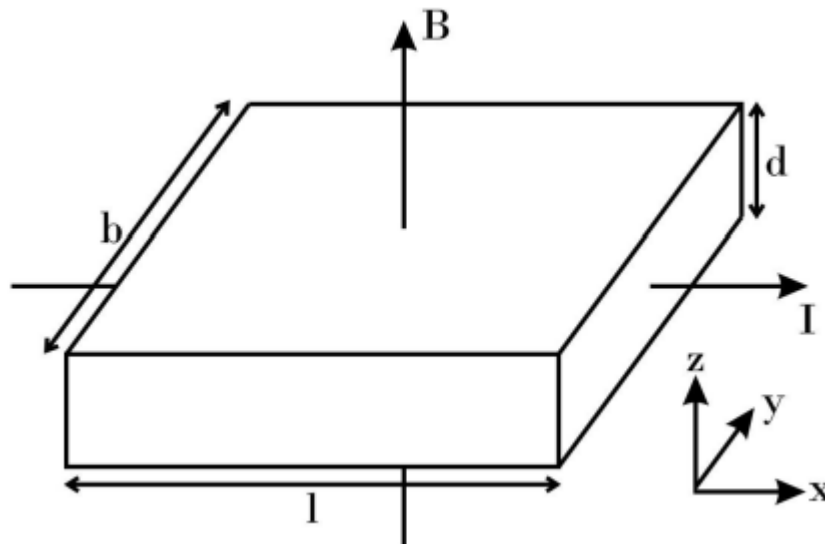


Abbildung 2: Skizze einer Halbleiterplatte

- Welche Teilchen sind bei einer solchen Hall-Sonde für den Ladungstransport verantwortlich? Was für eine Ladungsträgerdichte herrscht im Material?
- In Richtung der Länge l des Kristalls wird ein Strom I von 22 mA angelegt. Über die Kristallbreite b wird eine Hall-Spannung U_H von $960 \mu\text{V}$ gemessen. Die Abmessungen des Kristalls betragen $l = 14,2 \text{ mm}$, $b = 8,5 \text{ mm}$ und $d = 1,1 \text{ mm}$. Wie groß ist die Flussdichte B des gemessenen Magnetfeldes?