# 8 Ultraschall

## 8.1 Grundlagen

#### 8.1.1 Definition und Motivation

Als Ultraschall bezeichnet man Schallwellen mit Frequenzen oberhalb des Hörbereichs, d.h. ab etwa 20 kHz. Die höchsten heute technisch realisierbaren Schallfrequenzen liegen bei etwa 1 GHz. Für die medizinische Diagnostik sind vor allem Frequenzen im Bereich von einigen MHz interessant: unterhalb 2 MHz ist die Auflösung zu gering, oberhalb von etwa 10 MHz ist die Absorption in Gewebe zu stark.

Ultraschall wird in der Medizin für diagnostische wie auch für therapeutische Zwecke eingesetzt. Hier diskutieren wir die allgemeinen Grundlagen sowie die diagnostischen Anwendungen; therapeutische Anwendungen werden nur kurz angesprochen. Geeignet ist die Technik insbesondere für die Abbildung von weichen Organen.

In Wasser und menschlichem Gewebe beträgt die Schallgeschwindigkeit etwa 1500 m/s. Bei Frequenzen im Bereich von einigen MHz ist deshalb die Wellenlänge im Bereich von < 1 mm. Damit kann man erreichen, dass sich Ultraschall im Gewebe wie ein optischer Strahl ausbreitet; er kann fokussiert, reflektiert, gestreut und absorbiert werden. Sofern mindestens einer dieser Effekte in einem Organ anders abäuft als in der Umgebung ist somit prinzipiell eine Abbildung möglich.

Das Interesse an der Ultraschalldiagnostik basiert vor allem auf 2 Aspekten: Die Technik ist nichtinvasiv und sie ist relativ preisgünstig. Die Geräte sind klein un können damit praktisch überall eingesetzt werden, z.B. auch im Operationssaal.

#### 8.1.2 Historisches

Die Voraussetzungen für Bildgebung mit Hilfe von Ultraschall wurden Ende des 19. JHd. gelegt, mit der

Entdeckung des piezoelektrischen Effekts. In den 20er- und 30er Jahren des letzten Jahrhunderts gelang es nutzbare Piezowandler zu entwickeln. Zu den ersten Anwendungen gehörten in-vitro Versuche an biologischen und medizinischen Materialien. Erste Versuche am menschlichen Schädel wurden 1937 durchgeführt; aufgrund der komplizierten Struktur des Schädels und der hohen Absorption waren diese aber nicht sehr erfolgreich.

Klinische Anwendungen der Ultraschalldiagnostik wurden nach 1945 entwickelt. Inzwischen existieren unterschiedliche Techniken (1-, 2- und 3dimensional, Doppler etc.) und neben der Diagnostik werden auch therapeutische Anwendungen verfolgt.

## 8.2 Schallausbreitung

#### 8.2.1 Schallwellen

Im Kapitel 4 (Ohr) hatten wir die Wellengleichung für den Druck hergeleitet. In einer Dimension lautet sie (4.7)

$$\frac{\partial^2 p}{\partial t^2} = c^2 \cdot \frac{\partial^2 p}{\partial x^2} \,.$$

Als Funktion von Dichte  $\rho_0$  und Kompressionsmodul K beträgt die Phasengeschwindigkeit  $c = \sqrt{K/\rho_0}$ . Dabei ist der Kompressionsmodul K definiert über  $\partial p = -K \frac{\partial V}{V}$ , .d.h. als reziproke Kompressibilität. Als Funktion der Kompressibilität ist die Schallgeschwindigkeit somit

$$v_{Fl} = \sqrt{\frac{1}{\rho\beta_{iso}}} \; .$$

Hier steht  $\beta_{iso}$  für die isotherme Kompressibilität. In Wasser bei Atmosphärendruck und einer Temperatur von 20°C beträgt sie 1482.7 m/s.

Aufgrund der hohen Frequenzen ist die Wellenlänge  $\lambda = c/\nu$  von Ultraschall relativ klein: Im Bereich von 1-40 *MHz* variiert sie von 1.5 *mm* bis

	c [m/s]	Z [g cm <sup>2</sup> c]	ρ [g/cm <sup>3</sup> ]
Luft	331	43	0.013
Wasser	1492	1.48·10 <sup>5</sup>	0.9982
Fett	1470	$1.42 \cdot 10^{5}$	0.97
Him	1530	$1.56 \cdot 10^{5}$	1.02
Muskel	1568	1.63·10 <sup>5</sup>	1.04
Knochen	3600	6.12·10 <sup>5</sup>	1.7

Abbildung 8.1: Schallgeschwindigkeit und Schallimpedanz in verschiedenen Geweben.

 $38 \ \mu m$ . Dadurch ist die Wellenlänge häufig klein im Vergleich mit typischen Dimensionen. Es ist dann möglich, die Schallausbreitung in guter Näherung mit Hilfe von ebenen Wellen zu beschreiben.

#### 8.2.2 Schalldruck und Schallimpedanz

Wie in Kapitel 4 diskutiert ist die Ableitung der Auslenkung  $\xi$ , d.h. die lokale Geschwindigkeit der Teilchen, ebenfalls eine Welle, deren Amplitude als Schallschnelle  $v_0$  bezeichnet wird, wobei  $v_0 = \omega \chi_0$ . Sie kann auch als Funktion der Druckamplitude geschrieben werden und beträgt dann  $v_0 = c\zeta_0$ , mit  $\zeta_0$ als relativer Dichteschwankung. Die Geschwindigkeit der Teilchen im akustischen Feld ist somit proportional zur relativen Dichteschwankung und damit auch zur Druckänderung.

Für die **Schallimpedanz**, d.h. das Verhältnis von Schalldruck zu Schallschnelle, findet man

$$Z = \frac{\Delta p_0}{v_0} = \sqrt{K\rho_0}$$

oder, mit  $c = \sqrt{K/\rho_0}$ ,  $Z = c\rho_0$ . Die Schallimpedanz spielt beim Ultraschall eine ähnliche Rolle wie die Impedanz in der Elektronik. In Flüssigkeiten und Gasen ist Z in guter Näherung reell, die Druckänderung und die Schallschnelle laufen also in Phase.

Die Intensität einer Schallwelle, d.h. der Energietransport pro Fläche und Zeiteinheit, ist

$$j = \frac{Kraft \cdot Weg}{Flaeche \cdot Zeit} = p \cdot c$$

Mit Hilfe der kinetischen Energiedichte  $\rho v^2$  können wir die Schallintensität auch schreiben als  $j = \rho c v^2$ .

Zeitabhängig ist sie damit

$$j = \rho_0 c A_0^2 \omega^2 \sin^2 \omega t \,.$$

Hier stellt  $A_0$  die Amplitude der Auslenkung  $A_0 sin(\omega t)$  dar.

Im Rahmen dieser Vorlesung beschränken wir die Diskussion auf longitudinale Wellen. In Festkörpern (z.B. Knochen) treten auch transversale Wellen auf; allerdings ist die Ultraschalldiagnostik primär für Anwendungen in Weichteilen interessant, bei denen die Schersteifigkeit sehr gering ist.

In begrenzten Systemen (z. B. Membranen, Grenzflächen) treten weitere Wellenformen auf, wie z.B. Biegungswellen und Rayleigh-Wellen; diese sind jedoch für diagnostische Zwecke von geringem Interesse.

#### 8.2.3 Reflexion und Brechung

Wie bereits in Kapitel 4 diskutiert werden Schallwellen an Grenzflächen zwischen Gebieten mit unterschiedlicher Schallimpedanz teilweise reflektiert



Abbildung 8.2: Reflektion und Brechung einer Schallwelle an einer glatten Grenzfläche. [10]

Im linearen Bereicht gilt bei senkrechtem Einfall für die transmittierte Intensität

$$\frac{I_t}{I_e} = 4 \frac{Z_1 Z_2}{(Z_1 + Z_2)^2}$$

und für die reflektierte Welle

$$\frac{I_r}{I_e} = \frac{(Z_1 - Z_2)^2}{(Z_1 + Z_2)^2} \,.$$

Die Reflexion der Schallwelle an Grenzflächen im Inneren des Körpers ist die Grundlage für die Darstellung von Organen mit Hilfe der Ultraschalltechnik.

An der Körperoberfläche (Haut) sind Reflexionen unerwünscht. Man verwendet deshalb ein Gel, welches die Impedanz des Messkopfes an diejenige der Haut anpasst.

Fällt die Welle nicht senkrecht auf die Grenzfläche ein, so erhält man wie bei optischen Wellen auch ein Brechungsgesetz,

$$\frac{\sin\theta_1}{\sin\theta_2} = \frac{c_1}{c_2} \,.$$

Für diesen Fall erhält man für den Reflexionskoeffizienten für die Leistung

$$R = \frac{Z_2 cos\theta_1 - Z_1 cos\theta_2}{Z_2 cos\theta_1 + Z_1 cos\theta_2}$$

und für den Transmissionskoeffizienten

$$T = \frac{2Z_2 cos\theta_1}{Z_2 cos\theta_1 + Z_1 cos\theta_2}$$

Man prüft leicht R + T = 1. Bei schrägem Einfall ( $\theta_1 \neq 0$ ) genügt offenbar die Bedingung  $Z_1 = Z_2$  nicht für eine reflexionsfreie Transmission.

Wie in der Optik tritt be Reflexion an einem akustisch dichteren Medium  $(Z_2 > Z_1)$  ein Phasensprung um  $\pi$  auf, bei Reflexion an einem optisch dünneren Medium  $(Z_2 < Z_1)$  nicht.

#### 8.2.4 Optik

Auch Interferenzeffekte können wie bei der Optik beobachtet werden. So kann man eine "Antireflexschicht" verwenden, um zwei Medien mit unterschiedlicher Schallimpedanz zu reflexionsfrei zu koppeln. Dazu muss die Dicke dieser Schicht  $\lambda/4$ betragen und die Impedanz  $Z_2$  muss

$$Z_2 = \sqrt{Z_1 Z_3}$$

betragen wenn die beiden zu koppelnden Medien die Impedanzen  $Z_1$  und  $Z_3$  besitzen.







Abbildung 8.4: Fokussierung von Ultraschall. [21]

Dies verwendet man z.B. zwischen dem Ultraschallwanlder und der Haut.

Wiederum wie in der Optik kann man Ultraschall mit Hilfe von Linsen fokussieren. Dazu benötigt man eine oder mehrere gekrümmte Grenzfläche(n) zwischen zwei Medien mit unterschiedlicher Schallgeschwindigkeit. Eine Linse mit zwei gekrümmten Oberflächen ergibt eine Fokussierung mit der Brennweite f. Diese ist gegeben durch

$$\frac{1}{f} = (n-1)(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2})$$

Hier bezeichnen  $R_1$  und  $R_2$  die Krümmungsradien und n das Verhältnis der Schallgeschwindigkeiten in der Linse, resp. dem Medium.

Ist die Wellenlänge vergleichbar mit den Dimensionen der Hindernisse, so treten Beugungseffekte auf. Wie im optischen Bereich können diese diskutiert



Abbildung 8.5: Beugungseffekte. [21]

werden, indem man an jeder Stelle in Gedanken eine Elementarwelle erzeugt und diese interferieren lässt.

#### 8.2.5 Absorption und Streuung

Schallwellen werden im Gewebe teilweise absorbiert und gestreut. Absorption und Streuung können so verstanden werden, dass das Medium, welches aufgrund der eingestrahlten Welle schwingt, selber eine Welle abstrahlt. Findet diese Schwingung und Abstrahlung in Phase mit der einfallenden Welle statt, so führt die Interferenz zwischen den Elementarwellen in einem homogenen Medium dazu, dass ihre Überlagerung lediglich die Phasengeschwindigkeit der Ultraschallwelle beeinflusst.

In einem inhomogenen Medium jedoch führt die Überlagerung der einzelnen Elementarwellen zu einer Schallabstrahlung in alle Richtungen, d.h. zu Streuung. Ist die Schwingung des Mediums nicht in Phase mit der Welle, so führt die Überlagerung zwischen den gestreuten Elementarwellen und der einlaufenden Welle zu einer Abschwächung. Makroskopisch entspricht das somit einer Schallabsorption. Der Effekt ist maximal wenn die Schwingung des Mediums gegenüber der Schallwelle um  $\pi/2$  phasenverschoben ist.

Durch Absorption und Streuung nimmt die Intensität im Medium ab. In einem homogenen Medium ist die Abnahme für eine ebene Welle proportional zur Intensität, d.h. diese nimmt exponentiell ab:  $J(x) = J_0 e^{-\mu x}$ .

Der Schwächungskoeffizient  $\mu$  besteht wie bei der Röntgenstrahlung aus einem Absorptions- und einem Streuanteil,  $\mu = \mu_{abs} + \mu_{Streu}$ . Der Streuanteil von Lebergewebe beträgt etwa 20% des gesamten Schwächungskoeffizienten. Die Streukoeffizien-

6 5 E Muskelgewebe u / dB/cm л 4 3 . Fettoewebe 0 0 ì 1 ۵ 0 Frequenz / MHz

Abbildung 8.6: Absorptionskoeffizienten von Muskel- und Fettgewebe. [10]

ten für unterschiedliche Gewebe können stark abweichen; dies ist eine der Grundlagen für ihre Unterscheidung im Ultraschall. Im Mittel erhält man im Gewebe eine Abschwächung um ca. 1 dB/(cm MHz). Die absorbierte Schallintensität führt zu einer Erwärmung des Gewebes.



Abbildung 8.7: Strahlungscharakteristik an rauer Oberfläche. [10]

Wegen einem diffusen reflektierten Strahlungskegel an rauhen Oberflächen kann auch dann ein Echo im Schallkopf registriert werden, wenn die Grenzfläche nicht senkrecht zum Ultraschallstrahl verläuft. Eine gerichtete Welle wird in einen Kegel reflektiert, dessen Öffnungswinkel umso größer ist, je kleiner die Wellenlänge und je größer die Rauhigkeitstiefe.

Die Effizienz der Streuung hängt von der Frequenz / Wellenlänge, der Größe der streuuenden Inhomogenitäten, und dem Unterschied der Schallimpedanz ab. Wie bei der Optik unterscheidet man zwischen unterschiedlichen Bereichen, welche unterschiedliche Abhängigkeiten zeigen. Als Richtschnur kann

Schwächung (Absorption + Streuung)

man	unterscl	heiden

Raleigh-Streuung	kR << 1	$\alpha \propto f^4$
stochastische Streuung	$kR \ge 1$	$\alpha \propto f^2$
diffuse Streuung	kR > 1	$\alpha \propto 1/R$

Streuung und Absorption bestimmen zusammen die Eindringtiefe der Schallwellen.

v/MHz	Eindringtiefe	Anwendung
[MHz]	cm	
1	50	
3.5	15	Fötus, Leber, Herz, Niere
5	10	Gehirn
7.5	7	Prostata
10	5	Pankreas
20	1.2	Auge, Haut
40	0.6	Intravaskulär

Auflösung ~ 1/v

Abbildung 8.8: Eindringtiefe als Funktion der Frequenz.

Diese hängt stark von der Frequenz (Wellenlänge) ab: sie nimmt von ca. 50 cm bei 1 MHz ab bis auf weniger als 1 cm bei 40 MHz. Umgekehrt nimmt die räumliche Auflösung mit der Frequenz zu ( $\propto 1/\nu$ ). Je nach Anwendung wählt man deshalb unterschiedliche Frequenzen.

## 8.3 Technik

## 8.3.1 Ultraschallwandler

Im **Ultraschallwandler** werden sowohl die Ultraschallwellen erzeugt als auch das zurückkommende Echo registriert.



Abbildung 8.9: Piezoelektrischer Effekt. [10]

Für die Erzeugung wird der piezoelektrische Effekt ausgenutzt, wodurch in geeigneten Materialien eine mechanische Spannung durch eine elektrische Polarisation erzeugt wird. Voraussetzung für das auftreten von (linearen) piezoelektrischen Effekten ist das Vorhandensein eines elektrischen Dipolmomentes (und damit die Abwesenheit eines Symmetriezentrums). Im linearen Bereich ist die Dehnung  $S = \Delta L/L = d E$  proportional zum elektrischen Feld E. Der Proportionalitätskoeffizient d hat die Einheit [d] = m/V und wird meist in pm/V angegeben.

Wird der Wandler als Empfänger betrieben, so erzeugt eine mechanische Spannung S im Material eine Polarisation P. Diese erzeugt eine makroskopische Spannung U = gS. Der elektroakustische Wandlungskoeffizient g hat die Einheit  $[g] = Vm^2/N$ . Numerische Werte für die Materialkonstanten g und d für die drei wichtigsten piezoelektrische Materialien sind:

	d [ $pm/V$ ]	g [ $mVm^2/N$ ]
Quarz	2,3	57
Bariumtitanat	150	17
Bleizirkon	150600	2040
-Titanat		
(PZT)		

PZT ist ein keramisches Material; deshalb sind die Werte abhängig vom Herstellungsverfahren. Aufgrund der hohen numerischen Werte ist es am Besten für Ultraschallwandler geeignet.



Abbildung 8.10: Aufbau eines Ultraschall-Wandlers. [10]

Die Figur zeigt den inneren Aufbau eines typischen Ultraschallwandlers mit mechanischen und elektrischen Teilen.

Für einige Anwendungen (z.B. Scanner, fokussierende Quellen) werden auch mehrere unabhängige Elemente nebeneinander eingebaut. Mit Hilfe geein-



Abbildung 8.11: Multielementwandler. [21]

geter Verzögerungen  $\Delta t_i$  zwischen den einzelnen Elementen kann man die Richtung des erzeugten Signals festlegen und damit z.B. den US Strahl über einen Bereich scannen ohne eine mechanische Bewegung des Kopfs.



Abbildung 8.12: Fesenelsche Zonenplatte als fokussiernder Wandler. [21]

Ein Beispiel für einen fokussierenden Wandler ist in der Figur dargestellt. Wählt man die Radien der Ringe zu  $r_n = \sqrt{nb\lambda}$  mit *n* einem laufenden Index und  $\lambda$  die Wellenlänge, sowie identische Flächen für die Ringe, so erhält man einen Fokus im Abstand *b*.

#### 8.3.2 Schallfeld

Das Schallfeld eines kreisförmigen Ultraschallwandlers läßt sich mit dem Huygenschen Prinzip berechnen. Eine detaillierte Darstelltung der Physik findet sich in den Feynman Lectures II, Kapitel 11.8.

In der Figur ist das Schallfeld eines kreisförmigen US Wandlers dargestellt. Es ergibt sich durch die Interferenz der Elementarwellen, welche an jedem Punkt der Kreisscheibe emittiert werden. Im Nahbereich ist die Intensitätsverteilung auf Grund von starken Interferenzerscheinungen sehr inhomogen, es treten Nullstellen auf.

Schallfeld eines kreisförmigen Wandlers



Abbildung 8.13: Schallfeld eines kreisförmigen Wandlers. [10]

Im Formbereich verschwinden die Interferenzeffekte und es entwickelt sich eine sich kontinuierlich aufweitende Strahlkeule. Die Übergänge zwischen den einzelnen Bereichen werden bestimmt durch die Längenskala

$$N = \frac{D^2}{4\lambda}.$$

Hier bezeichnet D den Durchmesser des Wandlers und  $\lambda$  die Wellenlänge. Der Fokusbereich umfasst den Bereich  $N \leq x \leq 2N$ .

Verbesserungen sind möglich durch passende Formung des Wandlers, um so die akustische Welle stärker zu fokussieren. Verwendet werden konvex geformte Wandler oder Wandler mit mehreren Ringen (="Fresnel-Wandler").

#### 8.3.3 Auflösung



Abbildung 8.14: Auflösungsgrenze in axialer Richtung. [21]

Die Bildauflösung in axialer Richtung ist durch die Wellenlänge bestimmt: Damit sich zwei Echos nicht überlagern müssen sie um mindestens die Dauer eines Impulses getrennt sein. Man wählt für die Pulsdauer mindestens  $2\lambda/v$ . Damit beträgt die minimale Auflösung bei 3 *MHz* etwa 1 *mm*, bei 7.5 *MHz* etwa 0.4 *mm*. Da hohe Frequenzen im Gewebe stärker gedämpft werden als niedrige verändert sich das Frequenzspektrum der Pulse mit der Eindringtiefe. Außerdem verwendet man bei Untersuchungen in großer Tiefe tiefere Frequenzen. Dies führt zu einer Abnahme der Auflösung mit der Tiefe.



Abbildung 8.15: Auflösung in lateraler Richtung. [21]

In lateraler Richtung wird die Auflösung durch die Strahlcharakteristik begrenzt. Um sie zu quantifizieren verwendet man z.B. die 6 dB-Breite, also die (laterale) Distanz, über die die Amplitude auf die Hälfte abfällt. Im Fokalbereich beträgt diese etwa ein Drittel des Durchmessers des Wandlers,  $\delta \sim D/3$ . Als Beispiel nehmen wir an, dass wir ein Objekt in einer Tiefe von 5 cm beobachten wollen. Damit dieses noch am Rande des Fokalbereichs liegt darf die Tiefe x nicht größer sein als  $x \leq 2\frac{D^2}{4\lambda}$ . Auf Grund der Eindringtiefe muss  $\nu < 5 MHz$  sein. Die entsprechende Wellenlänge in Muskelgewebe ist  $\lambda \sim 0.3 mm$ . Damit finden wir für den minimalen Durchmesser des Wandlers

$$D = \sqrt{2\lambda x} = \sqrt{2 \cdot 0.3 \, mm \, 50 \, mm} = 5.5 \, mm.$$

Damit wird die laterale Auflösung  $\delta \sim 1.7 \, mm$ .

Bei größeren Tiefen nimmt die laterale Auflösung kontinuierlich ab. Eine Verringerung des Durchmessers des Wandlers bedingt aber nicht unbedingt eine Verbesserung der lateralen Auflösung, denn die vorher erwähnte 6 dB-Breite gilt nur für den Fokalbereich und wandert näher an den Strahler heran, wenn dessen Durchmesser verkleinert wird. Die notwendige Eindringtiefe muss bei der Optimierung der Auflösung berücksichtigt werden.

#### 8.3.4 Bilderzeugung

Man unterscheidet zwischen Reflexions- und Transmissionsmessungen.

Wir betrachten als Beispiel ein Sonogramm des Auges.



Abbildung 8.16: Reflexionen im Auge. [21]

An allen Grenzflächen wird ein Teil der Schallwelle reflektiert. Sendet man einen Schall-Impuls, so wird von jeder Oberfläche ein (kleiner) Puls reflektiert. Aus der Laufzeit kann man den Abstand bis zur reflektierenden Oberfläche bestimmen.

Für die Erzeugung eines Bildes werden Schallimpulse von 0.1-1  $\mu s$  Dauer und Abständen von 100-1000  $\mu s$  erzeugt. Die reflektierten Signale, welche eine Grenzfläche im Organ darstellen, werden als Funktion der Laufzeit dargestellt. Die Zeitachse kann als Ortsachse interpretiert werden, mit x = vt/2, wenn man die Schallgeschwindigkeit kennt. Hier bezeichnet x die Distanz von der Haut zur reflektierenden Struktur, v die mittlere Schallgeschwindigkeit, und t die gemessene Zeit bis zur Detektion des Echos. Die mittlere Schallgeschwindigkeit im Gewebe beträgt ca. 1550 m/s.

Um ein zweidimensionales Bild zu erhalten, muss der Messkopf über die Oberfläche bewegt oder die Abstrahlrichung des Schalls variiert werden. Dies ist die Darstellungsweise der meisten US Geräte. Dabei wird ein Multielementwandler verwendet, welcher den Strahl in einem Fächer scant.

Indem man einen Satz von 2D Bildern zusammen mit der Ortsinformation abspeichert kann man daraus eine 3D Darstellung berechnen. Die nötige Orts-



Abbildung 8.17: Beispiel eines 2D Sonogramms.



Abbildung 8.18: Beispiel eines 3D Sonogramms.

information erhält man entweder indem bei der konventionellen Sonde die Stellung des Schallkopfs gemessen wird oder mit Hilfe eines Spezial-Scanners.

## 8.3.5 Bildfehler

Folgende Bildfehler sind typisch für die Ultraschall-Bildgebung:

- Scheinbare Signalerhöhung hinter schwach gedämpften Gebieten;
- Abschattungen hinter schrägen Kanten, die relativ stark spiegeln;



Abbildung 8.19: Signalerhöhung hinter schwach dämpfendem Gebiet. [10]



Abbildung 8.20: Abschattung hinter schrägen Kanten. [10]

- Mehrfachreflexionen bei zwei stark reflektierenden, ungefähr parallelen Grenzflächen;
- Virtuelle Bilder von Objekten vor stark reflektierenden Flächen;
- Verschiebungen von Objekten hinter Gebieten mit abweichender Schallgeschwindigkeit.

## 8.3.6 Doppler-Ultraschall

Bei dem **Doppler-Ultraschall** wird der Doppler-Effekt ausgenutzt um die Geschwindigkeit einer Flüssigkeit zu messen.

Anwendungen sind die Messung der Blutgeschwindigkeit im Herzen und in den Blutgefäßen. Die Blutkörperchen entsprechen einem bewegten Sender, die Frequenzverschiebung beträgt  $\Delta \nu / \nu = \frac{2v}{c} \cos \theta$ .

Ausgesendet wird eine sinusförmige Welle,  $J_0 = J_{10} \sin(\omega t)$ . Ohne Berücksichtigungen von Phasenverschiebungen kann man für das reflektierte Signal



Abbildung 8.21: Mehrfachreflektionen bei zwei stark reflektierenden Ebenen. [10]



Abbildung 8.22: Virtuelle Bilder vor stark reflektierenden Flächen. [10]

schreiben:

$$J_1 = J_{11}\sin(\omega t) + J_{12}\sin\left((\omega + \Delta\omega)t\right).$$

In einem Mischer wird dieses Signal mit dem HF-Signal  $J_0$  gemischt, und anschließend der DC- und  $2\Delta\omega$ -Anteil herausgefiltert, und man erhält das Signal

$$J_3 = J_{12}/2 \cdot \sin(\Delta \omega t).$$

Aus  $\Delta \omega$  kann die Geschwindigkeit des fließenden Blutes bestimmt werden. Falls sich im Gesichtsfeld des Ultraschallgerätes Gebiete mit unterschiedlicher Flussgeschwindigkeit befinden erhält man ein Spektrum mit verschiedenen Frequenzkomponenten. Da der Blutfluss mit dem Herzschlag pulsiert, ist die Darstellung dieses Spektrums in Abhängigkeit von der Zeit diagnostisch besonders wichtig.

Für Doppler-Ultraschall Messungen im Dauerstrich-Verfahren (cw-Doppler US) verwendete man einen Messkopf mit getrenntem Sende- und Empfangswandler. Damit kann der Messkopf im Dauerbetrieb verwendet werden. Man kann damit gleichzeitig eine Tiefenselektion erreichen, da sich die die empfindlichen Bereiche von Sende- und Empfangsteil nur teilweise überlappen.



Abbildung 8.23: Verschiebungen durch abweichende Schallgeschwindigkeiten. [10]



Abbildung 8.24: Doppler-Ultraschall. [10]

Messungen der Geschwindigkeit ergeben jeweils nur die Projektion des Geschwindigkeitsvektors auf die Richtung des US. Ist die Richtung des Gefäßes nicht bekannt, so ist das Resultat nich eindeutig, es gibt lediglich eine untere Schranke für die Flussgeschwindigkeit. Die kann man vermeiden indem man einen Messkopf mit zwei unabhängigen Empfanseinheiten einsetzt. Die Flussgeschwindigkeit ergibt sich dann als

$$v_i = \frac{c}{2f_0} \sqrt{(|\Delta f_1 + \Delta f_2|)^2 + k^2 (|\Delta f_1 - \Delta f_2|)^2},$$

wobei

$$k = \frac{1 + \cos\gamma}{\sin\gamma}$$

aus der Konstruktion des Messkopfes bekannt ist.

Die Alternative zum cw-Doppler Verfahren ist das Puls-Doppler Verfahren. Hier verwendet man die gleichen Pulse wie bei der normalen, bildgebenden Sonographie, und misst die Frequenzverschiebung.

In einer relativ großen Ader erwartet man ein parabolisches Geschwindigkeitsprofil. Die Dopplermessung findet in diesem Fall ein Verteilung von Fre-



Abbildung 8.25: Messkopf für cw-Doppler US. [21]



Abbildung 8.26: Messkopf mit zwei getrennten Empfangseinheiten. [21]

quenzverschiebungen von Null (am Rand) bis zu einem Maximum (im Zentrum des Gefäßes). Die Messung im Zeitbereich ergibt die Fouriertransformiert dieses Signales. Ist die Geschwindigkeitsverteilung homogen, so ist die Frequenz im ganzen Gefäß um den gleichen Betrag verschoben.

Dies kann z.B. verwendet werden, um Einengungen oder Turbulenzen zu finden.

## 8.3.7 Transmissionsmessungen

Transmissionsmessungen werden z.B. eingesetzt, um die Stärke von Knochen zu messen, resp. das Risiko für Knochenbrüche abzuschätzen. Grundlage dafür ist die Beziehung  $c = \sqrt{K/\rho_0}$ : Eine Abnahme der Festigkeit (quantifiziert durch K) führt zu einer Abnahme der Schallgeschwindigkeit.



Abbildung 8.27: Puls-Doppler Verfahren.



Abbildung 8.28: Unterschiedliche Strömungsprofile.

In der Figur wird gezeigt, wie die Schallgeschwindigkeit im Knochen als Funktion es Lebensalters abnimmt. Dies deutet darauf hin, dass die Festigkeit nachlässt. Die tiefer liegende Kurve stammt von Patienten mit Osteoporose, welche eine vergrößertes Risiko aufweisen.

Um eine präzise Messung der Schallgeschwindigkeit zu erhalten, vergleicht man 3 Messungen:

- Eine Messung bei der die beiden Wandler direkt beieinander liegen. Diese liefert die interne Laufzeit  $t_i$ .
- Eine Messung mit der Probe; Laufzeit: t<sub>0</sub>.
- Eine Messung mit gleichem Abstand zwischen Sender und Empfänger in einem Wasserbad. Gemessene Laufzeit:  $t_w$ .

Die Schallgeschwindigkeit in der Probe erhält man dann aus

$$v_0 = v_w \frac{t_0 - t_i}{t_w - t_i} \,.$$



Abbildung 8.29: Signal bei unregelmäßiger Strömung.



Abbildung 8.30: Änderung der Schallgeschwindigkeit im Knochen als Funktion des Lebensalters.

## 8.4 Mechanische und thermische Effekte

## 8.4.1 Schallstrahlungsdruck

Im Schallstrahl ist das Medium bewegt. Ähnlich wie beim Bernoulli Effekt ist deshalb der Druck im Schallstrahl gegenüber der Umgebung reduziert. Dadurch kann Flüssigkeit aus der Umgebung in den Strahl einströmen.

Aufgrund der endlichen Absorption wird aus dem Schallstrahl Energie und Impuls in das Medium übertragen. Dadruch wird der "Ultraschallwind" erzeugt, eine Strömung entlang dem Strahl.

Ein Ultraschallfeld erzeugt auf ein Hindernis einen Druck, der gegeben ist durch die Energiedichte. Für eine ideal absorbierende Grenzfläche gilt

$$P_s = E = \frac{1}{2}\rho\omega^2\xi_0^2\,.$$

Kavitation entspricht der Bildung einer Blase wenn der lokale Druck aufgrund der hohen Schallamplitu-



Abbildung 8.31: Kavitationsblasen in einem Ultraschallstrahl. [7]

de in die Nähe von Null gelangt. Nach einem halben Zyklus bricht dieser Hohlraum zusammen, und es entstehen Druckspitzen, die eine hohe Zerstörungskraft aufweisen. Gleichzeitig steigt die Temperatur lokal sehr stark an; es wurden Temperaturspitzen im Bereich von mehreren 1000 bis mehreren 10000 °Cgemessen.

#### 8.4.2 Thermische Wirkung

Die Absorption von Ultraschall erzeugt Wärmeenergie. Der Wärmeeintrag pro $cm^3$  ist

$$w = 0.23\alpha I,$$

wobei  $\alpha$  den Absorptionskoeffizienten in dB/m darstellt und I die Schallintensität in  $W/m^2$ .

Gewebe	Dämpfung in dB/cm	
Blut	0,18	
Fett	0,6	
Niere	1,0	
Muskel <sub>in Faserrichtung</sub>	1,2	
Muskel <sub>quer z. Faserrichtung</sub>	3,3	
Gehirn	0,85	
Leber	0,9	
Lunge	40,0	
Knochen	20,0	

Abbildung 8.32: Absorptionskoeffizienten für verschiedene Gewebe.

In der Tabelle sind einige Absorptionskoeffizienten für unterschiedliche Gewebe dargestellt. Sie zeigen eine relativ große Bandbreite. Negative Effekte sind in erster Linie bei Geweben mit hoher Absorption zu erwarten.



Abbildung 8.33: Thermische Effekte. [7]

Bei hohen Leistungen kann die Absorption des Ultraschalls zu einer Temperaturerhöhung im Gewebe führen, welche dieses irreversibel schädigt. Dies kann z.B. zur Behandlung eines Tumors eingesetzt werden.

#### 8.4.3 Therapeutische Anwendungen

Die Ultraschalltherapie nutzt einerseits mechanische Reizungen von bestimmten Gewebe, thermische Wirkungen, oder Kavitation in einem intensiven Schallfeld. Dies kann z.B. zur zur Zertrümmerung von Nieren- und Gallensteinen verwendet werden.

Für therapeutische Anwendungen liegen die Schallintensitäten rund drei Größenordnungen höher als für diagnostische Zwecke. Da hier keine hohe Auflösung benötigt wird, kann man auch mit niedrigeren Frequenzen arbeiten (unterhalb 1 MHz).

Es werden unterschiedliche Wirkungen verwendet; so kann Ultraschall als Mikromassage inegesetzt werden, zur lokalen Erwärmung, oder zur Zertrümmerung von Nieren- oder Gallensteinen (Lithotripsie). Auch physikochemische Wirkungen sind bekannt: Beeinflussung der Diffusion durch Membranen oder durch die Haut, sowie chemische Veränderungen.

Kavitation kann z.B. zur Gewebe-Extraktion eingesetzt werden. Das so behandelte Gewebe (z.B. getrübte Linse am Auge) wird flüssig und kann abgesaugt werden.

Ähnliche Instrumente werden als Alternative zum Skalpell eingesetzt. Dafür wird ein stark fokussier-

ter Strahl mit einer Leistungsdichte von mehreren  $kW/cm^2$  eingesetzt, der Druckamplituden bis zu  $\pm 5 MPa$  erzeugt.



Abbildung 8.34: Kombinationsgerät für therapeutische Ultraschallbehandlungen unter MRI Beobachtung.

Das größte Problem bei dieser Art von Anwendung ist die präzise Lokalisierung des Fokus. Man verwendet dafür MRI oder Röntgen. MRI erlaubt die Messung der Erwärmung aufgrund des Schallstrahls in Echtzeit, so dass der Ort gegebenenfalls korrigiert werden kann.



Abbildung 8.35: Lithotripsie.

Bei der Lithotripsie muss der Ultraschall fokussiert werden. Dafür verwenet man entweder einen Reflektor in der Form eines Hohlellipsoides oder ein Endoskop, welches direkt an den Stein angesetzt wird.

In der Zahnheilkunde wird Ultraschall auch eingesetzt, als Alternative zum Bohrer oder zur Zahnsteinentfernung. Hier beträgt die Frequenz 20-60 kHz.

## 8.4.4 Sicherheit

Um ungewolte Schädigung des Gewebes zu vermeiden wurde der Schädingungsbereich sorgfältig untersucht; die typischen angewendeten Schallintensitäten unter  $100mW/cm^2$  sind nach dem heutigen Stand der Erkenntnis völlig unbedenklich.



Abbildung 8.36: Schädigungsbereich bei Ultraschall. [10]

Die Grenze zur Schädigung wird durch die Leistung und die Einwirkungsdauer bestimmt. Über einen weiten Bereich ist der relevante Parameter die deponierte Energiedichte, d.h. das Produkt aus Intensität und Einwirkungszeit.